

ALGORYTMY I STRUKTURY DANYCH

DRZEWA BST

Instytut Informatyki Uniwersytetu Wrocławskiego

Paweł Rzechonek

1. [*] Znajdź wszystkie drzewa binarne, których węzły tworzą ten sam ciąg, gdy wypisze się je w porządkach:
 - (a) *preorder* i *inorder*;
 - (b) *preorder* i *postorder*;
 - (c) *inorder* i *postorder*;Zakładamy, że żadne dwie wartości w takich drzewach nie powtarzają się.
2. [**] Węzły pewnego drzewa binarnego zostały wypisane w porządku *inorder* i *preorder*. Pokaż, jak można odtworzyć strukturę drzewa, mając takie dwa ciągi danych. Zakładamy, że żadne dwie wartości w tym drzewie nie powtarzają się.
3. [*] Pokaż, jak za pomocą kolejki można wypisać zawartość drzewa binarnego poziomami (korzeń znajduje się na poziomie 0, jego synowie na poziomie 1, wnukowie na poziomie 2, itd).
4. [**] Przedstaw algorytm, który podzieli drzewo BST na dwa odrębne drzewa BST względem zadanej wartości klucza x . W jednym z wynikowych drzew mają się znaleźć wszystkie węzły pierwotnego BST z kluczami $\leq x$, a w drugim z kluczami $> x$.
5. [*] Napisz w pseudokodzie procedury, które znajdują element poprzedni i następny co do wielkości względem zadanej wartości klucza x w drzewie BST.
6. [**] Budujemy n -elementowe drzewo BST wstawiając do niego w losowej kolejności liczby naturalne $\{1, 2, \dots, n\}$. Zakładamy, że każdy ciąg wstawień (permutacja $1, 2, \dots, n$) jest jednakowo prawdopodobny, oraz że $n = 2^k - 1$.
 - (a) Jakie jest prawdopodobieństwo, że zbudowane drzewo będzie drzewem pełnym o wysokości $k - 1$?
 - (b) Jakie jest prawdopodobieństwo, że zbudowane drzewo będzie listą, czyli drzewem o wysokości $2^k - 2$ (każdy węzeł oprócz jedynego liścia posiada tylko lewego albo prawego syna)?
7. [*] Przedstaw implementację w pseudokodzie pojedynczych rotacji w lewo i w prawo w drzewach AVL. Jak wykorzystać te operacje do implementacji podwójnych rotacji?
8. [**] Oblicz, jaka jest maksymalna różnica pomiędzy liczbą węzłów w lewym i w prawym poddrzewie korzenia drzewa AVL o wysokości h .